

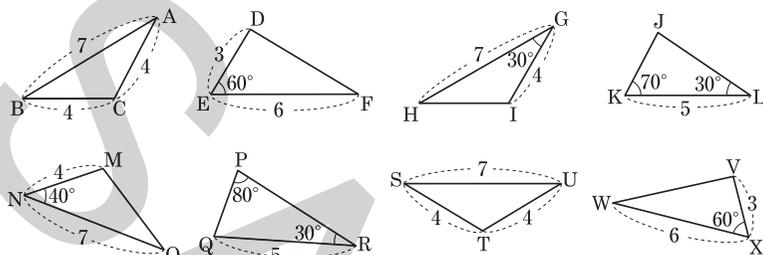
3 三角形の合同

ポイント

□(1) $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ において、 $AB=DE$ 、 $\angle A=\angle D$ が成り立っているとき、 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ となるためには、他にどのような条件が必要か。2通り答えよ。

[,]

□(2) 下の図から、互いに合同な三角形の組をすべて選び、合同であることを記号 \equiv を用いて表せ。またそれぞれの合同条件を満たしているかを答えよ。



[]

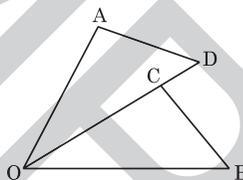
☆ 三角形の合同条件

- ① 3組の辺がそれぞれ等しい。
- ② 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい。
- ③ 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。

4 合同の証明

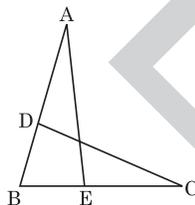
ポイント

□(1) 右の図で、 $\angle AOB$ の二等分線上に、 $OC=OA$ 、 $OD=OB$ となる点 C 、 D をとる。このとき、 $AD=BC$ となることを証明せよ。



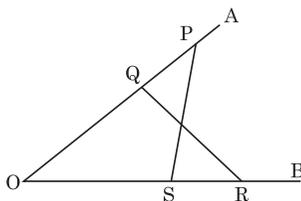
[]

□(2) 右の図で、 $\angle BAE=\angle BCD$ 、 $BE=BD$ であるとき、 $AE=CD$ となることを証明せよ。



[]

□(3) 右の図のように、 $\angle AOB$ の辺 OA 上に2点 P 、 Q 、辺 OB 上に2点 R 、 S を、 $OP=OR$ 、 $OQ=OS$ となるようにとる。このとき $PS=QR$ であることを証明せよ。



[]

☆ 合同の証明の流れ

- ① どの図形について証明するかを示す。
- ② 合同を示すために必要な条件を、等しいことの根拠を示しながら列挙する。
- ③ 満たしている合同条件を示す。
- ④ 合同を示す。

練習問題

1 〔平行線と角〕 次の問いに答えよ。

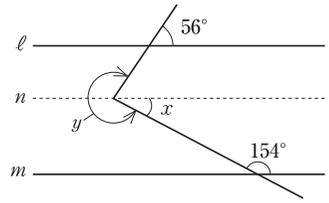
(1) 右の図で、 $l \parallel m$, $l \parallel n$ のとき、次の①、②に答えよ。

□① $\angle x$ の大きさを求めよ。

[度]

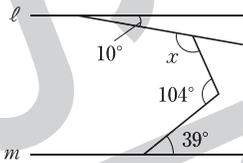
□② $\angle y$ の大きさを求めよ。

[度]



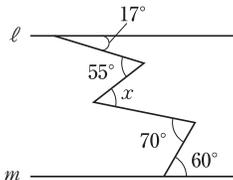
(2) 次の①~③で、 $l \parallel m$ のとき、 $\angle x$ の大きさをそれぞれ求めよ。ただし、③では $BC \parallel ED$ である。

□①



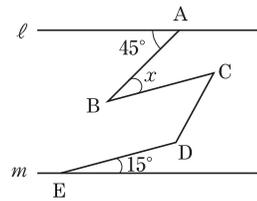
[度]

□②



[度]

□③

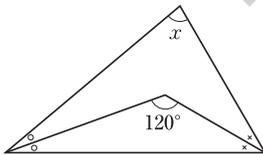


[度]

2 〔多角形の角〕 次の問いに答えよ。

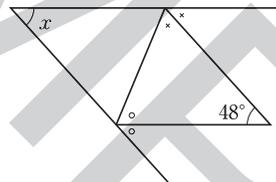
(1) 次の $\angle x$ の大きさを、それぞれ求めよ。(同じ印のついた角の大きさは等しい。)

□①



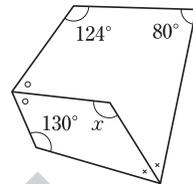
[度]

□②



[度]

□③



[度]

(2) 下の図1について、次の①、②に答えよ。

□① $\angle x = 24^\circ$ $\angle y = 46^\circ$ のとき、 $\angle z$ の大きさを求めよ。

[度]

□② \circ 印のついた角の大きさの和を求めよ。

[度]

□(3) 下の図2、3で、印のついた角の大きさの和を求めよ。

図1

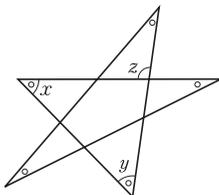
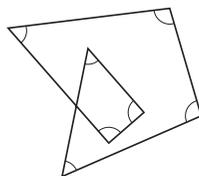
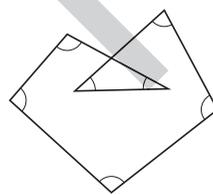


図2



[度]

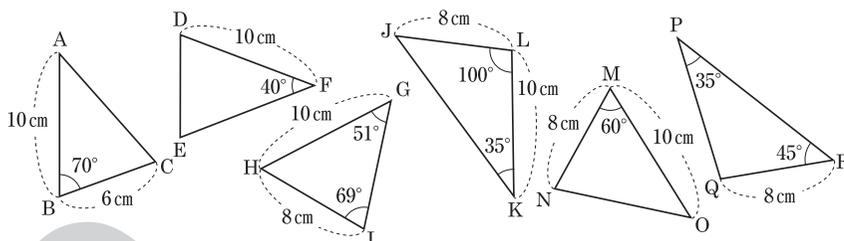
図3



[度]

3 〔三角形の合同〕 次の問いに答えよ。

(1) 次の図の三角形について、あとの①、②に答えよ。



① $\triangle ABC \equiv \triangle FED$ であるとき、DE の長さを求めよ。また、 $\angle C$ の大きさを求めよ。

[DE = _____ cm, $\angle C$ = _____ 度]

② ①のほかにも、互いに合同な三角形をすべて選び、記号を用いて表せ。また、そのとき使った合同条件も答えよ。

[_____]

(2) $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ で、 $AB=DE$, $BC=EF$ がいえるとき、 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ となるためのあと1つの条件を、2通り答えよ。

[_____ , _____]

(3) 次のア～エのうち、 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ といえるものをすべて選べ。

ア $AB=DE$, $BC=EF$, $CA=FD$

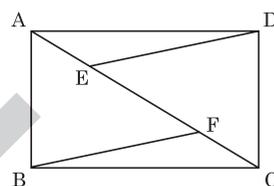
イ $\angle A=\angle D$, $\angle B=\angle E$, $\angle C=\angle F$

ウ $AB=DE$, $CA=FD$, $\angle B=\angle E$

エ $AB=DE$, $\angle A=\angle D$, $\angle B=\angle E$

[_____]

4 〔合同の証明〕 右の図のように、長方形 $ABCD$ の対角線 AC 上に $AE=CF$ となるように点 E , F をとるとき、 $ED=FB$ となることを証明せよ。

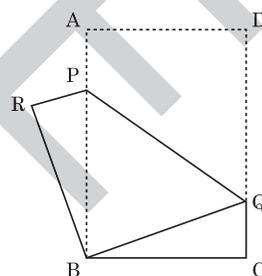


[_____]

5 〔合同の証明〕 右の図は、 $AB > BC$ である長方形の紙 $ABCD$ を、頂点 D が頂点 B と重なるように折り曲げた図である。折り目を PQ , 頂点 A が移った点を R とするとき、次の問いに答えよ。

(1) $\triangle BPR \equiv \triangle BQC$ であることを証明せよ。

[_____]



(2) $\angle QBC=40^\circ$ のとき、 $\angle RPQ$ の大きさを求めよ。

[_____ 度]