

2 文字式

学習日 /

■ 確認問題 ■

1 文字式のきまり

(1) 次の式を簡単にせよ。

① $x \times y \times (-1) \times x \times x$

② $(x-y) \times (x-y) \div z$

③ $24a \div (-3) \div b$

④ $a \div (b \times c \div d)$

(2) 次の式を、 \times 、 \div の記号を使った式にせよ。

① $3x(y+z)$

② $\frac{xy}{z} - \frac{z}{xy}$

2 文字式の計算

(1) 次の式を計算せよ。

① $\frac{3x-1}{4} \times (-12)$

② $5x+2-6(x-1)$

③ $5(9-x)+4(2x+7)$

④ $4(3x-5)-2(x-3)$

⑤ $8\left(\frac{3x-1}{2} - \frac{5x+3}{4}\right)$

⑥ $\frac{1}{3}(2x+1) - \frac{1}{4}(x-3)$

 (2) $2x-5 + \boxed{\quad} = 6x+7$ の $\boxed{\quad}$ にあてはまる式を答えよ。

ポイント

(1) ④ かっこ内を先に簡単にし、逆数をかける乗法の形に直す。

$$\begin{aligned} (2) ② \frac{1}{AB} &= 1 \times \frac{1}{A} \times \frac{1}{B} \\ &= 1 \div A \div B \end{aligned}$$

ポイント

(1) 分配法則を利用して、かっこのない式をつくる。
 $a(b+c) = ab+ac$

$$(a+b) \div c = \frac{a}{c} + \frac{b}{c}$$

(2) あてはまる式を $ax+b$ とおくと、 $2x+ax=6x$, $-5+b=7$

3 式の値

(1) $x = -2$, $y = -4$ のとき、次の式の値を求めよ。

① $\frac{x}{y} - \frac{y}{x}$

② $x^3 + y^3$

〔 〕

〔 〕

 (2) $a = -\frac{2}{3}$ のとき、 $4(a-7) - 5(2a-9)$ の値を求めよ。

〔 〕

ポイント

(2) 式を簡単にしてから代入すると、ミスが少ない。

4 数量の表し方 ①

(1) 次の数量を()内の単位で表せ。

① $a \text{ kg(g)}$

② $x \text{ m}^3 (\text{cm}^3)$

③ $b \text{ 分(時間)}$

〔 〕

〔 〕

〔 〕

(2) $x \text{ m}$ と $y \text{ cm}$ の和を、 cm と m の 2 つの単位でそれぞれ表せ。 []

cm]

 []cm³] []

時間]

ポイント

(2) 単位の異なる量の和や差を式で表すには、単位をそろえなければならない。

5 数量の表し方 ②

ポイント

(1) 次の数量を文字を用いたできるだけ簡単な式で表せ。

□ ① 3で割ると、商が m で余りが n となる整数

[]

□ ② 400個の菓子を、 x 人の子供に y 個ずつ配ったときに残った菓子の個数

[] 個]

□ ③ 百の位が a 、十の位が b 、一の位が c である 3 けたの正の整数

[]

□ ④ 9回までの平均点が a 点で、10回目に b 点とったときの 10 回の平均点

[] 点]

□ ⑤ $x\%$ の食塩水 800g に含まれる食塩の重さ

[] g]

(2) 次の問い合わせに文字を用いたできるだけ簡単な式で答えよ。

□ ① a 円の品物の 2割 5 分引きの値段はいくらか。

[] 円]

□ ② 容積が $6x$ L の空の水 ^{から} そうに、毎秒 25 cm^3 の割合で水を入れると、何分で満水になるか。

[] 分]

(3) 次の数量の関係を等式または不等式で表せ。

□ ① $x \text{ kg}$, $y \text{ kg}$, $z \text{ kg}$ の平均は $a \text{ kg}$ である。

[]

□ ② $a \text{ km}$ の道のりを行くのに、時速 $b \text{ km}$ で 45 分かかった。

[]

□ ③ 値段 x 円の商品の利益は y 円で、値段の 3割より大きい。

[]

(1) ② 数量の関係を図に表すと考
えやすい。



③ 3 けたの正の整数 234 は次
のように表される。

$$234 = 100 \times 2 + 10 \times 3 + 1 \times 4$$

⑤ 濃度 $a\%$ の食塩水に含まれ
る食塩の重さ

$$\rightarrow (\text{食塩水の重さ}) \times \frac{a}{100}$$

(2) ② (容積)

$$= (\text{毎分の水量}) \times (\text{時間})$$

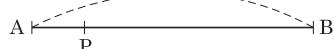
$$\rightarrow (\text{時間}) = \frac{(\text{容積})}{(\text{毎分の水量})}$$

(3) ② 45 分を時間の単位に直す。

6 文字式の応用

ポイント

右の図のように、A 地点から $4a \text{ km}$ はなれている B 地点まで行くのに、A 地点から途中の P 地点までは時速 $a \text{ km}$ の速さで 15 分間歩き、P 地点から B 地点までは 45 分間バスに乗つて着いた。このとき次の問い合わせに答えよ。



□ (1) A 地点から P 地点までの道のりは何kmか。

[] km]

□ (2) P 地点から B 地点までのバスの速さは時速何kmか。

[時速] km]

(2) P 地点から B 地点までの道
りを求める、次式を利用。

$$(\text{速さ}) = \frac{(\text{距離})}{(\text{時間})}$$

練成問題

1 [式の計算] 次の□にあてはまる式を答えよ。

□(1) $5x+14-3(\square) = 8x-7$

[]

□(2) $\frac{1}{3}(2x+1) - (\square) = \frac{1}{12}(5x+13)$

[]

2 [式の値] 次の式の値を求めよ。

□(1) $a = -\frac{1}{2}, b = 5, c = \frac{1}{2}$ のとき, $a^2 + b^2 + c^2 - 2abc$ の値

[]

□(2) $x = 1, y = -3, z = 2$ のとき, $\frac{x}{y} + \frac{y}{z} + \frac{z}{x}$ の値

[]

□(3) $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{3}{2}, c = -\frac{1}{4}$ のとき, $a^3 + b^3 - c^3$ の値

[]

□(4) $x = \frac{1}{3}, y = \frac{1}{4}, z = -\frac{1}{5}$ のとき, $\frac{xy + yz - xz}{x - y - z}$ の値

[]

3 [数量の表し方] 次の問いに, 文字式を用いたできるだけ簡単な式で答えよ。

□(1) 10 kmの道のりを,はじめは時速 a kmで2時間進み, 1時間休けいした後, 速さを時速1kmだけ減らして進み, 目的地に着いた。全部で何時間かかったか。

[] 時間]

□(2) 昨年の1年生の人数は男女150人ずつであったが, 今年は男子が $a\%$ 減り, 女子が $3a\%$ 増えた。今年の1年生の人数を求めよ。

[] 人]

□(3) $2x\%$ の食塩水 100 g と $(x+3)\%$ の食塩水 300 g を混ぜ合わせると, 何%の食塩水ができるか。

[] %]

□(4) 計算テストが5回あり, 1回から4回までの平均点は a 点であった。平均点を2点上げるためにには, 5回目に何点とればよいか。

[] 点]

4 [等式・不等式] 次の数量の関係を等式または不等式で表せ。

□(1) x L のペンキがある。このうちから y dL だけ使ったら, 残りは z L になった。

[]

□(2) 家から a km はなれた博覧会会場に, 時速 15 km の自転車で向ったところ, かった時間は b 分未満であった。

[]

□(3) $x\%$ の食塩水 900 g に 100 g の水を混ぜたら, $y\%$ の食塩水ができた。

[]

- 5** [規則性] 右の図のように、竹ひごを使って、正方形を 1 個、2 個、3 個、……とつくるとき、正方形の個数と竹ひごの本数の関係について、次の問いに答えよ。

□(1) 正方形を 5 個つくったときの竹ひごの本数は、何本か。

[本]

□(2) 正方形を n 個つくったときの竹ひごの本数を、 n を使ったできるだけ簡単な式で表せ。

[本]

<正方形の個数>

1個



<竹ひごの本数>

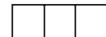
4本

2個



7本

3個



10本

\vdots

n 個



\vdots 本

- 6** [速さ] A 氏は時速 a km の速さの車で 100 km はなれている目的地に向かった。20 分たったところで忘れ物に気づき、忘れ物を取りに家まで時速 60 km の速さでもどり、ふたたび時速 60 km の速さで走って目的地に着いた。このとき次の問い合わせよ。ただし、答えはすべて a を使ったできるだけ簡単な式で表せ。

□(1) 家から忘れ物に気づいたところまでの距離は何 km か。

[km]

□(2) A 氏がはじめに家を出てから目的地に着くまでに、全体で何時間かかったか。ただし、かかった時間は車に乗っていた時間だけとする。

[時間]

- 7** [代金] リンゴ 300 個を 1 個あたり原価 a 円で仕入れた。1 個につき 35% の利益を見込んだ定価をつけて売ったが、60 個が売れ残ったので、それらを 1 個につき定価の 20% 引きの値段をつけて売ったところ、10 個が売れ残った。その 10 個はいたんでいたので処分した。これについて次の問い合わせよ。ただし、答えは a を使ったできるだけ簡単な式で表せ。

□(1) この商品の定価を求めよ。

[円]

□(2) このときの利益を求めよ。

[円]

- 8** [代金と個数] 3 種類の品物 A, B, C があって、1 個の値段はそれぞれ 20 円、15 円、10 円である。 n 円のお金を持って、次の(ア), (イ), (ウ)の 3 通りのどの買い方でも、おつりのないように買うことができる。このときあととの問い合わせよ。ただし、答えは n を使ったできるだけ簡単な式で表せ。

(ア) A, B, C とも同じ金額 $\frac{n}{3}$ 円ずつ買う。 (イ) C を $\frac{n}{3}$ 円買い、A と B は同じ個数ずつ買う。

(ウ) B を $\frac{n}{2}$ 円買い、A と C は同じ個数ずつ買う。

(1) (ア), (イ), (ウ)のそれぞれの場合、買うことができる 3 種類の品物の総数を n を使った式で表せ。

□(ア) [個]

□(イ) [個]

□(ウ) [個]

個)

□(2) このような自然数 n のうち、最も小さい値を求めよ。

[]